

## IV. Formulat për sin $(2\pi - \alpha)$ , cos $(2\pi - \alpha)$

Meqenëse sinusi dhe kosinusi janë funksione periodike me periodë  $2\pi$ , kemi:

$$\sin(2\pi - \alpha) = \sin[2\pi + (-\alpha)] = \sin(-\alpha) = -\sin\alpha;$$

$$\cos(2\pi - \alpha) = \cos[2\pi + (-\alpha)] = \cos(-\alpha) = \cos\alpha.$$

### • Një rregull për t'i zbatuar formulat

Mos u mundoni t'i mësoni përmendsh këto formula. Ka një rregull të thjeshtë për t'i përdorur ato. Analiza e formulave të nxjerra tregon që:

**1.** Formulat e reduktimit për këndet  $\pi \pm \alpha$ ,  $2\pi \pm \alpha$  nuk e ndryshojnë emrin e funksionit (sinusi kthehet në sinus, kosinusi në kosinus).

Për këndet  $\frac{\pi}{2} \pm \alpha$ ,  $\frac{3\pi}{2} \pm \alpha$  emri i funksionit ndryshon në kofunksion (sinusi në kosinus, kosinusi në sinus).

**2.** Shenja në anën e djathtë të formulës së reduktimit është e njëjtë me shenjën që ka funksioni që reduktohet në kuadrantin përkatës, duke e menduar  $\alpha$  kënd të ngushtë ( $0^\circ \leq \alpha \leq 90^\circ$ ).

Për të zgjidhur ekuacionin  $\sin x = a$ , kur  $-1 \leq a \leq 1$ , veprojmë kështu:

1. Gjejmë një kënd  $\alpha$ , që e ka sinusin  $a$  (me tabelë, me makinë llogaritëse ose me grafik).
2. Një kënd tjetër që e ka sinusin  $a$ , është  $180^\circ - \alpha$ .
3. Të gjitha zgjidhjet e ekuacionit  $\sin x = a$ , janë  $x = k \cdot 360^\circ + \alpha$  ose  $x = k \cdot 360^\circ + (180^\circ - \alpha)$ , ku  $k \in \mathbb{Z}$ .

Për të zgjidhur ekuacionin  $\cos x = b$ ,  $-1 \leq b \leq 1$ , veprojmë kështu:

1. Gjejmë një kënd  $\alpha$ , që e ka kosinusin të barabartë me  $b$  (me tabelë, me makinë llogaritëse, me grafik).
2. Një kënd tjetër që e ka kosinusin  $b$  është  $(-\alpha)$ .
3. Të gjitha këndet që e kanë kosinusin  $b$  (pra, të gjitha zgjidhjet e ekuacionit  $\cos x = b$ ) jepen nga formulat  $x = k \cdot 360^\circ + \alpha$  ose  $x = k \cdot 360^\circ - \alpha$  ( $k \in \mathbb{Z}$ ).

### Zgjidhja e ekuacionit $\operatorname{tg} x = c$

Për të zgjidhur ekuacionin  $\operatorname{tg} x = c$  ( $c \in \mathbb{R}$ ) veprojmë kështu:

- I. Gjejmë një kënd  $\alpha$ , që e ka tangentin të barabartë me  $c$ .
- II. Të gjitha këndet që e kanë tangentin të barabartë me  $c$  (të gjitha zgjidhjet e ekuacionit  $\operatorname{tg} x = c$ ) janë  $x = k \cdot 180^\circ + \alpha$ .